## **GUIA Nº 9**

## **Trigonometria**

# Parte Práctica

Ejercicio 1: a) Indiquen de qué cuadrante es cada uno de los siguientes ángulos:

$$\alpha_1 = 300^{\circ}$$

$$\alpha_2 = -200^{\circ}$$

$$\alpha_2 = -200^{\circ}$$
  $\alpha_3 = 800^{\circ} 20^{\circ}$ 

$$\alpha_4 = 760^{\circ}$$

$$\alpha_{5} = 160^{\circ}$$

$$\alpha_6 = -360^{\circ} 15$$

Ejercicio 2: Indica cuál es el cuadrante al que pertenece cada uno de los siguientes ángulos  $\beta = 1160^{\circ} 30'$  $\delta = -260^{\circ}$  $\alpha = 466^{\circ} 20'$  $\gamma = -932^{\circ}$ 

Ejercicio 3: Expresa en el sistema circular los ángulos mencionados en el ejercicio anterior

Ejercicio 4: Trabajen con la calculadora científica y expresen en grados minutos y segundos las medidas de los siguientes ángulos.

$$\alpha_1 = \frac{2\pi}{3}$$

$$\alpha_2 = -3\pi$$

$$\alpha_1 = \frac{2\pi}{3} \qquad \qquad \alpha_2 = -3\pi \qquad \qquad \alpha_3 = -\frac{5\pi}{4} \qquad \qquad \alpha_4 = \frac{13}{15}\pi$$

$$\alpha_4 = \frac{13}{15}\pi$$

Ejercicio 5: Expresa en el sistema sexagesimal o circular según corresponda e indica a qué cuadrante pertenecen

$$\alpha = -745^{\circ}$$

$$\beta = -1998^{\circ}$$

$$\delta = \frac{11}{3}\pi$$

$$\alpha = -745^{\circ}$$
  $\beta = -1998^{\circ}$   $\delta = \frac{11}{3}\pi$   $\varepsilon = -\frac{11}{15}\pi$ 

Ejercicio 6: Completa la siguiente tabla

	$\frac{1}{4}$ de giro	$\frac{1}{2}$ de giro	$\frac{3}{4}$ de giro	1 giro	2 giros	3 giros
$\alpha$ en grado						
$\alpha$ en sistema circular						

Ejercicio 7: Expresa en los dos sistemas, la medida de un ángulo exterior de un triángulo equilátero

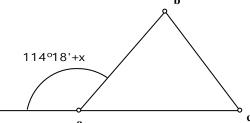
Ejercicio 8: Expresa en los dos sistemas, la medida de cada ángulo interior de un pentágono regular.

Ejercicio 9: La suma de los ángulos agudos de un rombo es 112º 43'. Calcula en los dos sistemas, la medida de cada ángulo obtuso.

**Ejercicio 10**: Calcula en los dos sistemas, la medida de cada ángulo interior del triángulo

$$\hat{b} = 3x$$

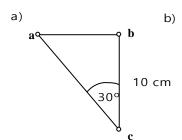
$$\hat{c} = x + \frac{1}{3}\pi$$

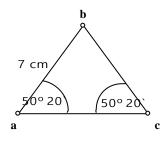


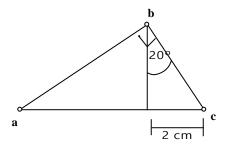
Ejercicio 11: Calcula en los dos sistemas la medida de cada ángulo interior del triángulo abc, sabiendo que:  $\hat{a} = 2\hat{b}$   $\hat{c} = 44^{\circ}38' + \hat{a}$ 

c)

Ejercicio 12: Hallar el perímetro de cada uno de los siguientes triángulos







Ejercicio 13: Sin resolver, indiquen el signo de cada cálculo:

a) cos 100°. tg 200°. sen 300°=

b) 
$$sen\left(\frac{\pi}{6}\right).\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) \div tg\left(\frac{5}{4}\pi\right) =$$

Ejercicio 14: Completa los puntos suspensivos

a) 
$$sen(\alpha + \pi) = \dots$$

b) 
$$\cos(\pi - \alpha) = ....$$

c) 
$$tg(-\alpha) = \dots$$

d) 
$$sen(180^{\circ}-\alpha) = ....$$

e) 
$$tg(90^{\circ}+\alpha)=....$$

f) 
$$sen(-\alpha) = \dots$$

g) 
$$\cos(180^{\circ} + \alpha) = \dots$$

h) 
$$sen(180^{\circ}+\alpha) = ....$$

i) 
$$tg(\pi - \alpha) = \dots$$

k) 
$$sen(360^{\circ}+\alpha) = ....$$

m) 
$$\cos(2\pi + \alpha) = \dots$$

$$\tilde{n}$$
) sen $(360^{\circ}-\alpha)=....$ 

p) 
$$sen\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \dots$$

r) 
$$\cos(2\pi - \alpha) = ....$$

t) 
$$tg(2\pi + \alpha) = ....$$

v) 
$$tg\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \dots$$

x) 
$$\cos(360^{\circ} + \alpha) = \dots$$

z) 
$$tg(360^{\circ}-\alpha) = \dots$$

j)  $\cos(-\alpha) = \dots$ 

1) 
$$tg(180^{\circ}+\alpha)=....$$

n) 
$$sen(90^{\circ}-\alpha) = ....$$

o) 
$$sen(\pi - \alpha) = \dots$$

q) 
$$sen(90^{\circ}+\alpha) = ....$$

s) 
$$\cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \dots$$

u) 
$$\cos(90^{\circ} + \alpha) = \dots$$

w) 
$$tg(2\pi - \alpha) = ....$$

y) 
$$\cos(2\pi - \alpha) = ....$$

### **Ejercicio 15:** Completa los puntos suspensivos

a) 
$$sen(\alpha + 180^{\circ}) = ....$$

c) 
$$tg(-\alpha) = ....$$

e) 
$$tg\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \dots$$

g) 
$$\cos(\pi + \alpha) = \dots$$

i) 
$$tg(180^{\circ} - \alpha) = \dots$$

k) 
$$sen(2\pi + \alpha) = ....$$

b) 
$$\cos(180^{\circ} - \alpha) = \dots$$

d) 
$$sen(\pi - \alpha) = \dots$$

f) 
$$sen(-\alpha) = \dots$$

h) 
$$sen(\pi + \alpha) = \dots$$

j) 
$$\cos(-\alpha) = \dots$$

1) 
$$tg(\pi + \alpha) = ....$$

m) 
$$\cos(2\pi + \alpha) = ....$$

n) 
$$sen\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \dots$$

$$\tilde{n}$$
)  $sen(2\pi - \alpha) = \dots$ 

o) 
$$sen(180^{\circ} - \alpha) = ....$$

p) 
$$sen(90^{\circ}-\alpha) = ....$$

q) 
$$sen\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \dots$$

r) 
$$\cos(360^{\circ} - \alpha) = \dots$$

s) 
$$\cos(90^{\circ} - \alpha) = \dots$$

t) 
$$tg(360^{\circ} + \alpha) = \dots$$

$$\mathbf{u}) \cos \left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \dots$$

v) 
$$tg(90^{\circ}-\alpha) = ....$$

w) 
$$tg(2\pi - \alpha) = ....$$

x) 
$$\cos(360^{\circ} + \alpha) = \dots$$

y) 
$$\cos(360^{\circ} - \alpha) = \dots$$

z) 
$$tg(2\pi - \alpha) = ....$$

Ejercicio 16: Hallen los valores de x que verifican las siguientes ecuaciones, siendo  $0^{\circ} \le x \le 360^{\circ}$ 

a) 
$$tg x = -3$$

b) sen 
$$x = \frac{1}{4}$$

c) 
$$\cos x = 1.5$$

d) 
$$\cos x = \frac{1}{2}$$

e) 
$$\cos x = -1$$

**Ejercicio 17**: Encontrar todos los  $x \in [0;2\pi]$  tales que:

a) sen 
$$x = \frac{1}{2}$$

b) sen x = -
$$\frac{1}{2}$$

c) sen 
$$x = -0.32$$

d) sen 
$$x = 1$$

**Ejercicio 18**: Halla los valores de  $\alpha$  que verifiquen las siguientes ecuaciones trigonométricas con  $0 \le \alpha \le 2\pi$ 

1) 
$$5 - 4 \cdot \cos^2 \alpha = 8 \cdot \cos \alpha$$

2) 
$$5. sen \alpha - 5 = -1 + sen^2 \alpha$$

3) 
$$-20 \ sen^2 \alpha - 12 \ sen \alpha - 1 = 0$$

4) 
$$\cos^2 \alpha - 1.2 \cos \alpha = -0.2$$

$$5) \ 2. \cos^2 \alpha = -\cos \alpha + 1$$

6) 
$$3.\cos \alpha + 1 = -2.\cos^2 \alpha$$

7) 
$$15 \, sen^2 \alpha - 2 \, sen \, \alpha - 1 = 0$$

**Ejercicio 19**: Halla los valores de  $\alpha$  que verifiquen las ecuaciones con  $0 \le \alpha \le 2\pi$ 

- 1)\_5.  $sen(\pi \alpha) = -2$
- 2) 3.  $sen(\pi \alpha) 2cos(\frac{3}{2}\pi + \alpha) = 0.2$
- 3)  $\frac{1}{2}$ .  $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) 2$ .  $\sin\alpha = \frac{1}{25}$
- 4)  $3.\cos\left(\frac{\pi}{2} \alpha\right) 2\cos\left(\frac{3}{2}\pi + \alpha\right) = 1$
- 5) sen  $\left(\frac{3\pi}{2} + \alpha\right) + 3\cos(\pi \alpha) = 2.\cos(-\alpha)$
- 6)  $-2. sen \left(\alpha + \frac{\pi}{2}\right) 2 cos(-\alpha) + \frac{1}{2} sen \left(\frac{3}{2}\pi + \alpha\right) = 1$
- 7)  $sen(2\pi + \alpha) = 3 sen(\frac{\pi}{2} \alpha) = 2$

#### **PREGUNTAS TONTAS**

- 1. ¿Cuál es el animal que es dos veces animal?
- 2. ¿Cuántos huevos se puede comer con el estómago vacio?
- 3. ¿Qué le dijo un cable a otro cable?
- 4. ¿Qué parentesco tiene usted con la suegra de su mujer?
- 5. ¿Vas en una carrera de automovilismo y adelantas al primero, ¿en qué posición vas ahora?
- 6. Si 5 cazadores cazan 5 conejos en 5 minutos, ¿cuánto se demorarían 25 cazadores en cazar 25 conejos?.
- 7. Una persona dispara a un árbol donde hay una cierta cantidad de pájaros y le da a dos de ellos, ¿cuántos pájaros quedan en el árbol? .
- 8. Algunos meses tienen 31 días, ¿cuántos tienen 28 días?
- 9. ¿Puede un hombre que vive en México ser enterrado en los Estados Unidos?
- 10. Un granjero tiene 17 bodegueros y se le mueren todos menos 7, ¿cuántos le quedan?
- 11. ¿Cuántos animales de cada sexo entró Moisés en el arca?
- 12. ¿Qué pesa más un kilo de hierro o un kilo de paja?

#### **RESPUESTAS**

- 1) el gato, porque además es araña.2) uno, para el segundo ya no se tendría el estómago vacio
- 3) somos los intocables. 4) hijo 5) primero 6) 5 minutos 7) ninguno, todos los demás se van
- 8) todos los días tienen 28 días, la mayoría tiene más. 9) No, porque todavía vive. 10) 7 porque todos los demás se murieron. 11) Ninguno, porque no fue Moisés, sino Noé. 12) pesan los dos igualmente un kilo.